1.5 Leçon sur la règle de chaîne

Ce document a été composé et mis en forme par Annie Bernatchez.

Le contenu du cours provient de www.jensenmath.ca

Une fonction composée est formée d'une fonction externe, $g(x)$, et d'une fonction interne, $h(x)$. La règle de chaîne indique de dériver la fonction externe par rapport à la fonction interne, puis de multiplier par la dérivée de la fonction interne.

Étant donné deux fonctions dérivables $g(x)$ et $h(x)$, la dérivée de la fonction composée $f(x) = g[h(x)]$ est

$$f'(x) = g'[h(x)] \times h'(x)$$

Un cas particulier de la règle de chaîne est la « règle de la puissance d'une fonction ». Cela se produit lorsque la fonction externe est une fonction puissance :

$$\frac{d}{dx}[g(x)]^n = n[g(x)]^{n-1}g'(x)$$

Résumé des règles de dérivation :

Règle	Dérivée
Règle de la puissance Si $f(x) = x^n$	$f'(x) = nx^{n-1}$
Règle du multiple constant Si $f(x) = c \cdot g(x)$ où c est une constante	$f'(x) = c \cdot g'(x)$
Règle de la somme Si $h(x) = f(x) + g(x)$	$h'(x) = f'(x) + g'(x)$
Règle de la différence Si $h(x) = f(x) - g(x)$	$h'(x) = f'(x) - g'(x)$
Règle du produit Si $h(x) = f(x)g(x)$	$h'(x) = f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$
Règle du quotient Si $h(x) = f(x) \div g(x)$	$h'(x) = \frac{f'(x)g(x) - g'(x)f(x)}{[g(x)]^2}$
Règle de la puissance d'une fonction Si $h(x) = [f(x)]^n$	$h'(x) = n[f(x)]^{n-1} \times f'(x)$
Règle de chaîne Si $h(x) = f[g(x)]$	$h'(x) = f'[g(x)] \times g'(x)$

Exemple 1 : Dérivez chaque fonction à l'aide de la règle de chaîne. Exprimez le résultat sous forme factorisée simplifiée.

a) $f(x) = (3x - 5)^4$

b) $g(x) = \sqrt{4 - x^2}$

c) $y = (2\sqrt{x})^3 - 4\sqrt{x} + 1$

d) $h(x) = (x^2 + 3)^4(4x - 5)^3$

Droits d'auteur © 2026 Annie Bernatchez—Tous droits réservés.

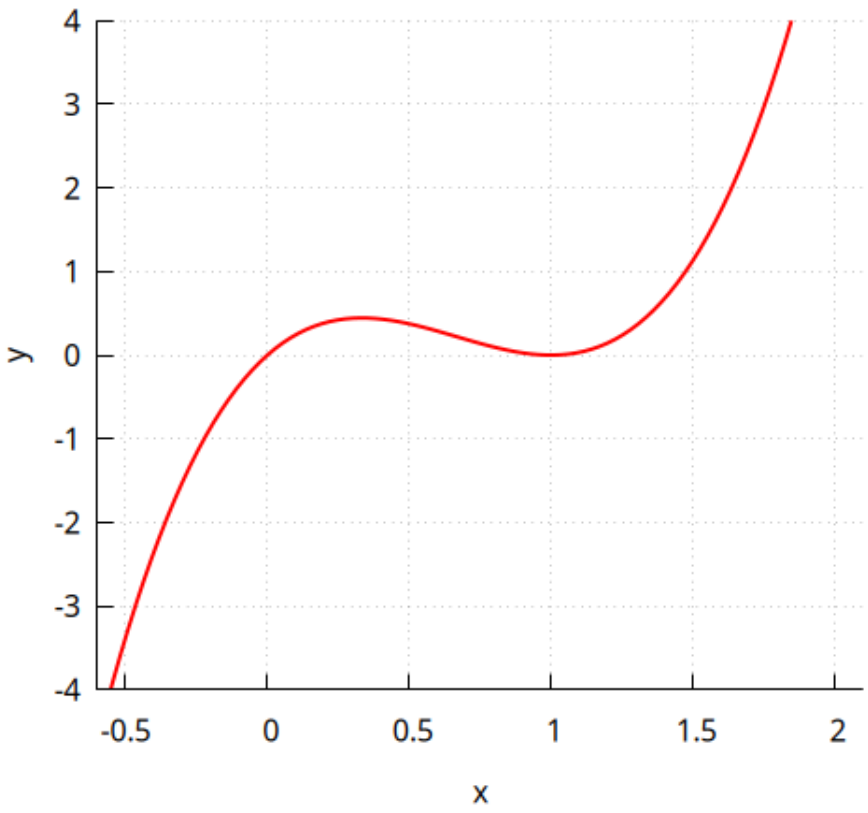
Exemple 2 : Déterminez une équation de la tangente à $f(x) = 3x(1 - x)^2$ en $x = 0.5$

Point sur la tangente :

Pente de la tangente :

Équation de la droite :

$$y = mx + b$$



Droits d'auteur © 2026 Annie Bernatchez—Tous droits réservés.